

КАФЕДРА ВЫСШЕЙ ГЕОМЕТРИИ И ТОПОЛОГИИ

Специальный курс по выбору кафедры

Введение в теорию C^* -алгебр

проф. В. М. Мануйлов, проф. Е. В. Троицкий

Курс посвящен общей теории C^* -алгебр. Дается определение C^* -алгебр, рассматривается ряд важных примеров. Обсуждается спектр элементов, коммутативные C^* -алгебры и преобразование Гельфанда, а также непрерывное функциональное исчисление для нормальных элементов. Доказывается существование аппроксимативных единиц и показывается их роль при исследовании идеалов и фактор-алгебр. Обсуждаются положительные функционалы и представления C^* -алгебр, ГНС-конструкция, и доказывается теорема Гельфанда-Наймарка о реализации C^* -алгебр операторами. Изучаются аппроксимативно конечные C^* -алгебры и их диаграммы Браттели.

Продолжительность: 1 семестр, форма отчетности: экзамен.

Программа курса

1. C^* -алгебры. Основные свойства.
2. Присоединение единицы к C^* -алгебре.
3. Спектр элемента C^* -алгебры, его свойства.
4. Коммутативные C^* -алгебры. Пространство максимальных идеалов. Преобразование Гельфанда.
5. Теорема Гельфанда о коммутативных C^* -алгебрах.
6. C^* -алгебра, порожденная нормальным элементом. Функциональное исчисление для нормальных элементов.
7. Положительные элементы, их свойства.
8. Аппроксимативные единицы, их существование.
9. Идеалы, фактор-алгебры, наследственные подалгебры.
10. Автоматическая непрерывность *-гомоморфизмов.
11. Положительные функционалы, состояния.
12. ГНС-конструкция.
13. Теорема Гельфанда-Наймарка о представимости C^* -алгебр.
14. C^* -алгебры компактных операторов.
15. Конечномерные C^* -алгебры, их представления.
16. Аппроксимативно конечные C^* -алгебры, диаграммы Браттели.